

XV TALLER DE SOLUCIÓN DE PROBLEMAS DE CÁLCULO

Solicitud de admisión

17 de abril de 2018

Es indispensable que contestes a cada pregunta y que **intentas todos** los problemas. En cada problema explica detalladamente **las ideas** que tienes para atacarlo, aún si eres incapaz de resolverlo por completo.

Es necesario que hagas los problemas en forma **independiente** (aunque puedes consultar libros). Si notamos que hay dos solicitudes copiadas o resueltas en equipo, tendremos que anularlas.

Anexa cualquier comentario que consideres pertinente.

METODO Y FECHA DE ENTREGA: Toda tu solicitud debe quedar contenida en un solo archivo pdf (no se aceptarán solicitudes en ningún otro formato, como por ejemplo Word o jpg). Este archivo deberás subirlo usando el botón que se encuentra en esta página (el que dice “Subir solicitud en línea”).

La fecha límite de entrega es el **miércoles 6 de junio** (cualquier hora).

Si tienes problemas con el funcionamiento de la página, o para cualquier duda relativa al Taller, puedes escribir a lamoneda@cimat.mx.

A. Datos personales y estudios

1. Tu nombre.
2. Tu edad.
3. Tu dirección electrónica (¡escríbela con letra de molde y lo más legible que puedas!)
4. La carrera que cursas y el nombre de la escuela donde la estudias.
5. Semestre que estás cursando (o acabas de concluir).
6. Menciona algún resultado o ejemplo de tu curso de cálculo, que te haya gustado. Explica por qué te gusta.

- ¿Qué te interesa o llama la atención de este Taller?
- Indica el nombre y correo electrónico de un profesor que te conozca bien.

B. Los problemas

En cada inciso trata de dar respuestas rigurosas y lo más completas que puedas. Aún si no logras resolver alguno de ellos, explica que intentaste. Si no puedes resolver algún problema, sigue adelante con los demás.

Sea R un cuadrilátero con lados de longitud fija l_1, l_2, l_3 y l_4 . Imagina que R está construido con varillas que pueden moverse en las uniones; esto es, los ángulos internos pueden variar aún cuando los lados están fijos.

- Sea α el ángulo interior entre los lados de longitud l_1 y l_2 , y β el ángulo entre los lados de longitud l_3 y l_4 . Demuestra que el área de cuadrilátero está dada por

$$A = \frac{1}{2} [l_1 l_2 \sen \alpha + l_3 l_4 \sen \beta].$$

- Los ángulos α y β se relacionan calculando de dos maneras distintas (i.e. usando dos triángulos distintos) la longitud de la diagonal del cuadrilátero que los separa. Esto es, demuestra que

$$l_1^2 + l_2^2 - 2l_1 l_2 \cos \alpha = l_3^2 + l_4^2 - 2l_3 l_4 \cos \beta.$$

- Esta ecuación define implícitamente a β como función de α . Explica que quiere decir esto. Explica para que rango de valores de α y β esto es verdad. Así, puedes pensar a A como una función de α .
- Prueba que el máximo de A ocurre cuando $\alpha + \beta = \pi$ (demuéstralo a la manera del cálculo diferencial, maximizando la función $A(\alpha)$).
- Prueba que si $\alpha + \beta = \pi$, el cuadrilátero está inscrito en una circunferencia.
- Concluye que el cuadrilátero de lados fijos con área máxima está inscrito en una circunferencia.
- Prueba el recíproco.